

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
 Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования  
 «Сочинский государственный университет»



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**  
**Теория вероятностей и математическая статистика**

**Шифр и направление подготовки** 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

**Квалификация (степень) выпускника** бакалавр

**Профиль подготовки бакалавра** Математика и информатика

**Форма обучения** Очная

**Выпускающая кафедра** кафедра педагогического и психолого-педагогического образования

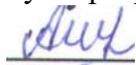
**Кафедра-разработчик рабочей программы** кафедра прикладной математики и информатики

Семестр	Трудоемкость (час./зет.)	Лекцион. занятий, (час.)	Практич. занятий, (час.)	Лаборат. занятий, (час.)	СРС, (час.)	КР/КП	КРЗ	Форма промежуточного контроля (экз./зачет)
<b>ОФО</b>								
<b>5</b>	<b>108/3</b>	<b>18</b>	<b>18</b>	-	<b>72</b>	-	-	<b>Зачет с оценкой</b>
<b>ИТОГО</b>	<b>108/3</b>	<b>18</b>	<b>18</b>	-	<b>72</b>	-	-	<b>Зачет с оценкой</b>

Сочи 2019 г.

Рабочая программа по дисциплине Избранные задачи школьного курса геометрии составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО 3++ по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) утвержден Приказом Минобрнауки № 125 от 22.02.2018

Рабочую программу составил:



Симонян А.Р.

### **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА РАССМОТРЕНА И ОДОБРЕНА**

на заседании кафедры прикладной математики и информатики

Протокол № 1 от 31 августа 2019 г.

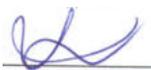
Заведующий кафедрой



подпись

Макарова И.Л.

Руководитель ОПОП



подпись

Иванов И.А.

Рабочая программа одобрена на заседании Учебно-методического совета направления 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Протокол № 1 от 31 августа 2019 г.

Председатель УМСН



подпись

Иванов И.А.

Структура рабочей программы соответствует предъявляемым требованиям  
Отдел качества образования и

методического обеспечения



подпись

Васильченко В.В.

## ЛИСТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ РПД

Рабочая программа переутверждена на 2022/2023 учебный год, протокол №1 заседания кафедры от «30» августа 2022 г. В программу внесены дополнения и(или) изменения.

На основании распоряжения ректора № 243-р, от 06.07.22 г. в рабочую программу дисциплины внесены изменения – Профессиональные компетенции установленные вузом (ПКУВ) на основе профессиональных стандартов, соответствующих профессиональной деятельности выпускников считать Профессиональными компетенциями определенными организацией самостоятельно на основе профессиональных стандартов, соответствующих профессиональной деятельности выпускников (ПК).

ПКУВ-1 считать ПК-1.

Заведующий кафедрой



Макарова И.Л

Рабочая программа переутверждена на 202\_\_/202\_\_ учебный год, протокол №\_\_ заседания кафедры от «\_\_» \_\_\_\_\_ 202\_\_ г. В программу внесены дополнения и(или) изменения.

Заведующий кафедрой

\_\_\_\_\_

подпись

\_\_\_\_\_

ФИО

Рабочая программа переутверждена на 202\_\_/202\_\_ учебный год, протокол №\_\_ заседания кафедры от «\_\_» \_\_\_\_\_ 202\_\_ г. В программу внесены дополнения и(или) изменения.

Заведующий кафедрой

\_\_\_\_\_

подпись

\_\_\_\_\_

ФИО

## СОДЕРЖАНИЕ

1 ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ .....	5
2 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП НАПРАВЛЕНИЯ (СПЕЦИАЛЬНОСТИ) ....	5
3 ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ .....	5
4 СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ .....	7
4.1 Тематический план дисциплины .....	7
4.1.1 Лекционные занятия .....	7
4.1.2 Практические занятия .....	9
4.1.3 Лабораторные занятия .....	11
4.1.4 Самостоятельная работа студента .....	11
4.1.5 Интерактивные формы занятий .....	12
4.2 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины .....	12
4.2.1 Литература .....	12
4.2.2 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы	14
4.2.3 Нормативные документы .....	14
4.2.4 Интернет-ресурсы и другие электронные информационные источники - .....	14
4.3 Формы и содержание текущей и промежуточной аттестации по дисциплине .....	14
5 УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ И РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ .....	16
5.1 Методические рекомендации обучающимся по изучению дисциплины .....	16
5.2 Организация самостоятельной работы студента по дисциплине .....	17
5.3 Особенности преподавания дисциплины .....	17
5.4 Материально-техническое обеспечение дисциплины .....	18
5.5 Методическое обеспечение образовательного процесса для обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья	
АННОТАЦИЯ .....	21

## 1 ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины Теория вероятностей и математическая статистика: формирование у студентов научного представления о случайных событиях и величинах, а также о методах их исследования.

Для достижения целей курса необходимо решить следующие задачи:

- развитие культуры научного мышления;
- овладение системой знаний о применении математико-статистических методов в профессиональной деятельности педагога;
- усвоение методов количественной оценки случайных событий и величин, формирование умений содержательно интерпретировать полученные результаты.

## 2 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП НАПРАВЛЕНИЯ (СПЕЦИАЛЬНОСТИ)

Дисциплина Теория вероятностей и математическая статистика относится к Блоку 1, части, формируемой участниками образовательных отношений.

Таблица 1

Наименование категории (группы) компетенций	Код и наименование компетенции	Дисциплины, участвующие в реализации компетенции
<b>Профессиональные компетенции, установленные вузом</b>		
	ПКУВ-1 Способен разрабатывать методику обучения отдельным разделам математических дисциплин в школьном курсе математики с применением компьютерных технологий	Численные методы Дискретная математика Избранные задачи школьного курса геометрии Теория и методика обучения математике Элементарная математика Научные основы школьного курса математики Интерактивные технологии в образовании Педагогическая (методическая) практика

## 3 ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 2

Компетенции и индикаторы их достижения			В результате изучения дисциплины обучающиеся должны:
Категория компетенций	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	
—	ПКУВ-1 Способен разрабатывать методику обучения отдельным разделам математических дисциплин в школьном курсе математики с применением компьютерных технологий	ПКУВ-1.1 Анализирует и разрабатывает альтернативные варианты методики обучения математике с применением компьютерных технологий	З-ПКУВ-1.1 Знать принципы использования языка, средств, методов и моделей теории вероятностей У-ПКУВ-1.1 Уметь анализировать и интерпретировать результаты исследования математических моделей Н-ПКУВ-1.1 Владеть системой знаний практического использования математических методов в обучении математике
		ПКУВ-1.2 Использует компьютерные технологии для разработки математических моделей реальных процессов окружающего мира	З-ПКУВ-1.2 Знать способы применения современных информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности У-ПКУВ-1.2 Уметь использовать статистические методы при разработке математических моделей реальных процессов Н-ПКУВ-1.2 Владеть математическими методами для моделирования в профессиональной деятельности

## 4 СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 4.1 Тематический план дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

№ раздела, темы	Наименование модуля (раздела, темы) дисциплины	ОФО					
		Всего часов	Виды учебной нагрузки и их трудоемкость, часы				
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	СРС	Контроль
1.	Вероятность события.	12	2	2	-	8	-
2.	Алгебра событий.	12	2	2	-	8	-
3.	Повторение независимых испытаний.	12	2	2	-	8	-
4.	Случайная величина.	12	2	2	-	8	-
5.	Типовые распределения случайных величин.	12	2	2	-	8	-
6.	Предельные теоремы теории вероятностей.	12	2	2	-	8	-
7.	Статистическое распределение выборки.	12	2	2	-	8	-
8.	Корреляционный анализ.	12	2	2	-	8	-
9.	Проверка статистических гипотез.	12	2	2	-	8	-
11.	Зачет с оценкой	-	-	-	-	-	-
<b>ИТОГО</b>		<b>108</b>	<b>18</b>	<b>18</b>	<b>-</b>	<b>72</b>	<b>-</b>

#### 4.1.1 Лекционные занятия

№ п/п	Наименование модуля, раздела дисциплины	Объем, часов	Краткое содержание	Формируемые ЗУН	Ссылки на литературу
1.	Вероятность события	2	Основные понятия: испытание, исход, событие, пространство элементарных событий. Алгебра событий. Измеримое пространство. Статистическое определение вероятности. Классическое определение вероятности. Геометрическое определение вероятности. Свойства вероятности.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]

2.	Алгебра событий.	2	Алгебра событий: основные операции над событиями. Условная вероятность. Теоремы сложения и умножения вероятностей и следствия из них. Формула полной вероятности, формула Байеса.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
3.	Повторение независимых испытаний.	2	Схема Бернулли: определение схемы Бернулли, формула Бернулли, наивероятнейшее число появлений события при повторных независимых испытаниях в условиях схемы Бернулли; предельные формулы Муавра-Лапласа и Пуассона и условия их применимости.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
4.	Случайная величина.	2	Случайные величины: дискретные и непрерывные; закон распределения дискретной случайной величины, функция распределения случайной величины, плотность распределения непрерывной случайной величины. Числовые характеристики случайных величин.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
5.	Типовые распределения случайных величин.	2	Расчет числовых характеристик для типичных распределений случайной величины: равномерное распределение, биномиальное распределение, распределение по закону Пуассона дискретной величины; равномерное, показательное, нормальное распределение – непрерывной величины.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
6.	Предельные теоремы теории вероятностей.	2	Закон больших чисел: принцип практической уверенности, формулировка центральной предельной теоремы в форме теоремы Ляпунова; сущность центральной предельной теоремы и ее практическое значение.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
7.	Статистическое распределение выборки.	2	Статистическое распределение выборки: вариационный ряд, полигон и гистограмма; эмпирическая функция распределения выборки; числовые	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]

			характеристики статистического распределения выборки. Статистические оценки: точечные и интервальные оценки по выборочным данным; доверительные интервалы и доверительная вероятность.		
8.	Корреляционный анализ.	2	Корреляционный анализ: корреляционная зависимость переменных, линейная регрессия, расчет параметров уравнений прямых линейной регрессии методом наименьших квадратов. Теснота парной корреляционной связи; выборочный коэффициент корреляции как мера тесноты линейной корреляции, доверительный интервал оценки тесноты корреляции	3 -ПКУВ-1.1 3 -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
9.	Проверка статистических гипотез.	2	Особенности статистического анализа количественных и качественных показателей. Методы шкалирования при обработке качественных признаков. Проверка статистических гипотез.	3 -ПКУВ-1.1 3 -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
<b>Итого:</b>		<b>18</b>			

#### 4.1.2 Практические занятия

№ п/п	Наименование модуля, раздела дисциплины	Объем, часов	Краткое содержание	Формируемые ЗУН	Ссылки на литературу
1.	Вероятность события	2	Основные понятия: испытание, исход, событие, пространство элементарных событий. Алгебра событий. Измеримое пространство. Статистическое определение вероятности. Классическое определение вероятности. Геометрическое определение вероятности. Свойства вероятности.	3 -ПКУВ-1.1 3 -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]

2.	Алгебра событий.	2	Алгебра событий: основные операции над событиями. Условная вероятность. Теоремы сложения и умножения вероятностей и следствия из них. Формула полной вероятности, формула Байеса.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
3.	Повторение независимых испытаний.	2	Схема Бернулли: определение схемы Бернулли, формула Бернулли, наивероятнейшее число появлений события при повторных независимых испытаниях в условиях схемы Бернулли; предельные формулы Муавра-Лапласа и Пуассона и условия их применимости.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
4.	Случайная величина.	2	Случайные величины: дискретные и непрерывные; закон распределения дискретной случайной величины, функция распределения случайной величины, плотность распределения непрерывной случайной величины. Числовые характеристики случайных величин.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
5.	Типовые распределения случайных величин.	2	Расчет числовых характеристик для типичных распределений случайной величины: равновероятное распределение, биномиальное распределение, распределение по закону Пуассона дискретной величины; равномерное, показательное, нормальное распределение – непрерывной величины.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
6.	Предельные теоремы теории вероятностей.	2	Закон больших чисел: принцип практической уверенности, формулировка центральной предельной теоремы в форме теоремы Ляпунова; сущность центральной предельной теоремы и ее практическое значение.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]

7.	Статистическое распределение выборки.	2	Статистическое распределение выборки: вариационный ряд, полигон и гистограмма; эмпирическая функция распределения выборки; числовые характеристики статистического распределения выборки. Статистические оценки: точечные и интервальные оценки по выборочным данным; доверительные интервалы и доверительная вероятность.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
8.	Корреляционный анализ.	2	Корреляционный анализ: корреляционная зависимость переменных, линейная регрессия, расчет параметров уравнений прямых линейной регрессии методом наименьших квадратов. Теснота парной корреляционной связи; выборочный коэффициент корреляции как мера тесноты линейной корреляции, доверительный интервал оценки тесноты корреляции	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
8	Проверка статистических гипотез.	2	Особенности статистического анализа количественных и качественных показателей. Методы шкалирования при обработке качественных признаков. Проверка статистических гипотез.	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
<b>Итого:</b>		<b>18</b>			

#### 4.1.3 Лабораторные занятия

Учебным планом не предусмотрены.

#### 4.1.4 Самостоятельная работа студента

№ п/п	Наименование модуля, раздела дисциплины	Объем, часов	Вид СРС	Формируемые ЗУН	Ссылки на литературу
1.	Вероятность события	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]

2.	Алгебра событий.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
3.	Повторение независимых испытаний.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
4.	Случайная величина.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
5.	Типовые распределения случайных величин.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
6.	Предельные теоремы теории вероятностей.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
7.	Статистическое распределение выборки.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
8.	Корреляционный анализ.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
9.	Проверка статистических гипотез.	8	подготовка к практическим занятиям, подготовка к зачету	З -ПКУВ-1.1 З -ПКУВ-1.2 У -ПКУВ-1.1 У -ПКУВ-1.2 Н -ПКУВ-1.1 Н -ПКУВ-1.2	[1-12]
<b>Итого:</b>		<b>72</b>			

#### 4.1.5 Интерактивные формы занятий

В учебном плане отсутствуют.

### 4.2 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 4.2.1 Литература

1. Василенко, В. М. Элементы теории вероятностей и математической статистики : учебно–практическое пособие / В. М. Василенко. — Калининград : Балтийский федеральный университет им. Иммануила Канта, 2009. — 106 с. — 978–5–88874–992–0. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/23894.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

2. Гулай, Т. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Т. А. Гулай, А. Ф. Долгополова, Д. Б. Литвин, С. В. Мелешко. – 2-е изд., доп. – Ставрополь: АГРУС, 2013. – 260 с. – URL: <https://new.znaniium.com/catalog.php?bookinfo=514780> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

3. Колемаев, В. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для вузов / В. А. Колемаев, В. Н. Калинина. — Москва :ЮНИТИ–ДАНА, 2012. — 352 с. — 5–238–00560–1. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/8599.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

4. Лисьев, В. П. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / В. П. Лисьев. — Москва :Евразийский открытый институт, 2010. — 199 с. — 5–374–00005–5. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/10857.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

5. Логинов, В. А. Теория вероятностей и математическая статистика : лекции для студентов, обучающихся по специальности 080100.62 (Экономика) / В. А. Логинов. — Москва : Московская государственная академия водного транспорта, 2013. — 188 с. — 2227–8397. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/46854.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

6. Мхитарян, В. С. Теория вероятностей и математическая статистика : учеб. пособие / В. С. Мхитарян, Е. В. Астафьева, Ю. Н. Миронкина, Л. И. Трошин; под ред. В. С. Мхитаряна. – 2-е изд., перераб. и доп. – Москва :Московский финансово–промышленный университет «Синергия», 2013. – (Университетская серия). – ISBN 978–5–4257–0106–0. – URL: <https://new.znaniium.com/catalog/product/451329> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

7. Прохоров, Ю. В. Лекции по теории вероятностей и математической статистике : учебник / Ю. В. Прохоров, Л. С. Пономаренко. — Москва : Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова, 2012. — 254 с. — 978–5–211–06234–4. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/13173.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

8. Севастьянов, Б. А. Курс теории вероятностей и математической статистики / Б. А. Севастьянов. — Москва ;, Ижевск : Регулярная и хаотическая динамика, Ижевский институт компьютерных исследований, 2004. — 272 с. — 5–93972–318–7. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/16548.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

9. Седаев, А. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / А. А. Седаев, В. К. Каверина. — Воронеж : Воронежский государственный архитектурно–строительный университет, ЭБС АСВ, 2015. — 132 с. — 2227–8397. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/55060.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

10. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / В. С. Мхитарян, Е. В. Астафьева, Ю. Н. Миронкина, Л. И. Трошин. — Москва : Московский финансово–промышленный университет «Синергия», 2013. — 336 с. — 978–5–4257–0106–0. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/17047.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

11. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Т. А. Гулай, А. Ф. Долгополова, Д. Б. Литвин, С. В. Мелешко. — Ставрополь : Ставропольский государственный аграрный университет, АГРУС, 2013. — 257 с. — 2227–8397. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/47360.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

12. Шилова, З. В. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / З. В. Шилова, О. И. Шилов. — Саратов : Ай Пи Ар Букс, 2015. — 158 с. — 978–5–906–17262–4. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/33863.html> (дата обращения: 04.05.2020). – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

#### 4.2.2 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

- Электронно-библиотечная система «IPRbooks».

#### 4.2.3 Нормативные документы

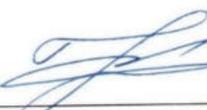
– ФЗ «Об образовании» (№ 273 от 29.12.2012)//<http://zakonobobrazovanii.ru/skachat-zakon-ob-obrazovanii>

#### 4.2.4 Интернет-ресурсы и другие электронные информационные источники -

1. Электронная библиотека Сочинского государственного университета: база данных. – Сочи, [2017- ]. – URL: <http://lib.sutr.ru/> (дата обращения: 10.07.2019). – Текст : электронный.
2. ScienceDirect: полнотекстовая база данных / издательство Elsevier. – URL: <https://www.sciencedirect.com/> (дата обращения: 10.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей. – Текст: электронный.
3. SpringerNature : полнотекстовая база данных / SpringerNatureSwitzerland AG. PartofSpringerNature. – URL: <https://link.springer.com/> (дата обращения: 10.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей. – Текст : электронный.
4. IPRbooks : электронно-библиотечная система / ЭБС IPRbooks ; ООО «Ай Пи Эр Медиа», электронное периодическое издание «[www.iprbookshop.ru](http://www.iprbookshop.ru)». – Саратов, [2010-]. – URL: <http://www.iprbookshop.ru/> (дата обращения: 10.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей. – Текст : электронный.
5. Znanium.com : электронно-библиотечная система / ЭБС Znanium.com, ООО «Научно-издательский центр Инфра-М». – Москва, [2011-]. – URL: <http://znanium.com/> (дата обращения: 10.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей. – Текст : электронный.
6. Национальная электронная библиотека (НЭБ) : Федеральная государственная информационная система / Министерство Культуры РФ. – Москва, [2004-]. – Режим доступа: <https://rusneb.ru> (дата обращения: 10.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей. – Текст : электронный.
7. Polpred.com Обзор СМИ : электронно-библиотечная система / Г. Вачнадзе, ООО «ПОЛПРЕД Справочники». – Москва, [1997-]. – URL <https://polpred.com/> (дата обращения: 10.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей. – Текст : электронный.
8. КонсультантПлюс : справочно-правовая система / Компания «КонсультантПлюс». – Москва, [1997-]. – Режим доступа: локальная сеть СГУ. – Текст : электронный.
9. КиберЛенинка : научная электронная библиотека открытого доступа / ООО «Итеос». – Электрон.дан. – Москва, [2014-]. – URL: <https://cyberleninka.ru/> (дата обращения: 10.07.2019). – Текст : электронный.
10. eLIBRARY.RU : научная электронная библиотека / Компания «Научная электронная библиотека» (eLIBRARY.RU). – Москва, [2000-]. – URL: <https://elibrary.ru/> (дата обращения: 10.07.2019). – Режим доступа: для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины соответствует библиотечному фонду СГУ

Зав.библиотекой



подпись

Мысина Е.С.

#### 4.3 Формы и содержание текущей и промежуточной аттестации по дисциплине

Текущая аттестация по дисциплине осуществляется в форме проведения контрольного опроса. Форма промежуточной аттестации – зачет с оценкой.

Оценочные средства для текущего контроля успеваемости включают результаты выполнения практических работ, результаты контрольных опросов.

Практические задания выполняются студентами во время практических занятий и дорабатываются в процессе самостоятельной работы.

Оценочные средства по дисциплине содержат:

- задания контрольных опросов по дисциплине;

- комплект билетов с заданиями для получения студентом зачета по дисциплине.  
Содержание материалов для текущей и промежуточной аттестации по дисциплине  
приведены в прилагаемом к данной рабочей программе ФОС по дисциплине.

Вопросы к промежуточной аттестации:

1. Элементарные события и пространство элементарных событий.
2. Алгебра событий
3.  $\sigma$  - алгебра событий и измеримое пространство.
4. Статистическое определение вероятности.
5. Вероятность как числовая функция. Основные свойства вероятности.
6. Классическое определение вероятности.
7. Понятие геометрической вероятности.
8. Условная вероятность и независимость событий. Формула умножения вероятностей.
9. Формула сложения вероятностей.
10. Теорема о полной вероятности. Формула Байеса.
11. Алгоритм решения задач на алгебру событий. Графы формул теорем сложения и умножения вероятностей.
12. Схема Бернулли. Формула Бернулли. Наивероятнейшее число появления события в схеме Бернулли.
13. Теоремы Пуассона и Муавра-Лапласа.
14. Понятие случайной величины. Примеры дискретных и непрерывных случайных величин.
15. Дискретные случайные величины. Закон распределения и функция распределения.
16. Непрерывные случайные величины. Плотность и функция распределения.
17. Многомерная случайная величина. Функция распределения
18. Независимые случайные величины.
19. Математическое ожидание случайной величины. Свойства математического ожидания.
20. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение случайной величины. Свойства дисперсии.
21. Начальные и центральные моменты, другие числовые характеристики, используемые для конкретизации распределения случайной величины.
22. Основные числовые характеристики случайной величины – индикатора событий, биномиального распределения дискретной случайной величины.
23. Основные числовые характеристики равновероятного распределения дискретной случайной величины.
24. Основные числовые характеристики дискретной случайной величины. Распределение Пуассона.
25. Основные числовые характеристики непрерывной случайной величины. Равномерное распределение.
26. Основные числовые характеристики непрерывной случайной величины. Показательное распределение.
27. Нормальная случайная величина. Кривая Гаусса.
28. Основные числовые характеристики нормального распределения непрерывной случайной величины.
29. Функция распределения и интервальные вероятности для нормально распределенной случайной величины. Правило «трех сигм».
30. Принцип практической уверенности. Сущность закона больших чисел и его практическое значение.
31. Неравенство Маркова.
32. Неравенство Чебышева.
33. Неравенства Маркова и Чебышева в условиях схемы Бернулли.
34. Теорема Чебышева. Формулировка центральной предельной теоремы в форме теоремы Ляпунова и ее частные случаи.
35. Генеральная совокупность и выборка. Требования к выборке. Вариационный ряд.
36. Статистическое распределение выборки. Полигон и гистограмма. Эмпирические функции.

37. Точечные оценки параметров генеральной совокупности. Требования к точечным оценкам.
38. Точечные оценки математического ожидания, дисперсии и среднего квадратического отклонения случайной величины генеральной совокупности.
39. Интервальные оценки параметров генеральной совокупности. Доверительная вероятность, уровень значимости.
40. Доверительные интервалы для математического ожидания нормально распределенного признака генеральной совокупности.
41. Доверительный интервал для среднего квадратического отклонения нормально распределенного признака генеральной совокупности.
42. Корреляционный анализ переменных случайных величин на основе выборочных данных. Диаграмма рассеяния и корреляционная таблица.
43. Парная линейная регрессия. Выборочные уравнения прямых линий парной регрессии. Расчет параметров уравнений линейной регрессии методом наименьших квадратов.
44. Коэффициент корреляции как критерий достоверности линейной корреляционной связи между двумя переменными случайными величинами.
45. Выборочный коэффициент корреляции и выборочное корреляционное отношение – меры тесноты корреляционной связи случайных величин, их свойства.
46. Возможности прогнозирования по корреляционной модели.
47. Проверка статистических гипотез. Основная и альтернативная гипотезы. Ошибки 1-го и 2-го рода. Мощность критерия.
48. Проверка статистических гипотез. Критерий Пирсона. Выравнивание статистического распределения выборки.
49. Проверка статистических гипотез. Критерий Стьюдента.
50. Проверка статистических гипотез. Критерий Фишера.

## **5 УСЛОВИЯ ОСВОЕНИЯ И РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **5.1 Методические рекомендации обучающимся по изучению дисциплины**

Комплекс рекомендаций и разъяснений, позволяющих обучающимся оптимальным образом организовать процесс изучения данной дисциплины, сегментируется по видам учебно-познавательной деятельности студентов.

#### **1) Методические рекомендации по учебной деятельности на аудиторных занятиях.**

Чтобы освоить учебный материал учебной дисциплины, необходимо регулярно посещать все занятия, не опаздывать к началу занятий и обязательно конспектировать лекции и учебно-методические рекомендации на практических занятиях. Лекции дают знания, которые подчас невозможно найти даже в лучших учебниках. Невозможно дословно законспектировать все, что говорит преподаватель, поэтому следует постараться выделить, записать основные положения, идеи, выводы, понять логику учебного материала, излагаемого преподавателем. При конспектировании желательно использовать понятные для конспектирующего студента сокращения и условные знаки.

Во время практических занятий необходимо проявлять продуктивную активность, отвечать на вопросы преподавателя, показывать способность самостоятельного мышления. Рекомендуется выработать в себе привычку просматривать, перечитывать перед новой лекцией и предстоящим практическим занятием текст предыдущей лекции.

Если возникают вопросы, необходимо обращаться за консультациями и разъяснениями к преподавателю.

#### **2) Методические рекомендации студентам по организации самостоятельной работы по изучению литературных источников.**

Самостоятельная работа обязательно включает, в первую очередь, изучение и систематизацию законспектированного учебного материала лекционных и практических занятий, подготовку к предстоящей лекции и к очередному практическому занятию. С целью более глубокого освоения темы дисциплины, конспекты следует дополнять и дорабатывать для обобщения и конкретизации, используя рекомендуемую преподавателем учебно-методическую

литературу и Интернет-ресурсы. Полезно составлять тезаурус основных определений, понятий и терминов. Развитию навыков самостоятельной работы способствует анализ возможности использования новых знаний для решения ситуативных и профессиональных задач.

Самостоятельная работа включает выполнение домашних заданий и подготовку к контрольному опросу, зачету и к экзамену.

### **3) Методические рекомендации по подготовке домашних заданий.**

Домашние контрольно-тренировочные задания следует выполнять четко в соответствии с планом, методическими рекомендациями и алгоритмами, сформулированными преподавателем. Оформление самостоятельной работы можно выполнять в рукописном виде разборчивым почерком или в печатном виде (программа Word, поля по 2 см, кегль 14, полуторный интервал).

При выполнении домашнего задания студент должен продемонстрировать приобретенные им компетенции, показать умение логически обрабатывать учебный материал, реализовать индивидуальный подход к ситуационному моделированию, проявить способность самостоятельного анализа адекватности математической модели решению поставленной задачи.

### **4) Методические рекомендации студентам по подготовке к контрольному опросу и промежуточной аттестации.**

При подготовке к контрольному опросу и к промежуточной аттестации необходимо получить у преподавателя перечень дидактических единиц базы знаний и типовое содержание заданий по проверке навыков и практических умений по дисциплине.

На экзамене студент должен показать знание содержания предмета, терминологии, умение свободно оперировать ею. При подготовке к экзамену студент должен иметь в виду, что некоторые вопросы, включенные в экзаменационные билеты, выносятся на самостоятельное изучение. Если студент при ответе на вопросы затрудняется с самостоятельным изложением материала, педагог имеет право задать ему ряд вопросов, стимулирующих студентов к полному высказыванию по данной теме, в случае, если ответы на эти вопросы исчерпывают тему, оценка за ответ не снижается. Ответы студентов должны соответствовать сути вопроса, быть логически выстроенными, доказательно раскрывать отношение отвечающего к излагаемой проблеме, выявлять личную точку зрения на использование тех или иных положений теоретического курса в практической работе.

Промежуточная аттестация может быть выставлена студенту по результатам текущей аттестации и (или) по результатам федерального интернет тестирования (ФЭПО, интернет тренажеры).

## **5.2 Организация самостоятельной работы студента по дисциплине**

Самостоятельная работа студента является ключевой составляющей учебного процесса, которая определяет формирование навыков, умений и знаний, приемов познавательной деятельности и обеспечивает интерес к творческой работе.

Организация самостоятельной работы студентов осуществляется по трем направлениям:

- определение цели, программы, плана задания или работы;
- со стороны преподавателя студенту оказывается помощь в технике изучения материала, подборе литературы для ознакомления и написания курсовой работы, проекта, реферата;
- контроль усвоения знаний, приобретения навыков по дисциплине, оценка выполненной контрольной и курсовой работы, проекта.

Мерами по обеспечению выполнения обучающимися всех видов самостоятельной работы являются (указать при наличии ниже перечисленных пунктов):

- наличие помещений для курсового проектирования, СРС;
- обеспечение средствами вычислительной техники, программное обеспечение;
- наличие раздаточного материала, комплектов индивидуальных заданий, учебно-методических материалов, тем рефератов со списком рекомендуемой литературы, рекомендаций по решению типовых задач, образцов отчетов о выполнении СРС и т.п.;
- обеспечение учебно-методической и справочной литературой всех видов самостоятельной работы.

## **5.3 Особенности преподавания дисциплины**

Преподавание дисциплины, в первую очередь, в процессе интерактивных занятий ведется с применением следующих видов образовательных технологий:

**Лекционные и практические занятия** – базовые интерактивные формы образовательного процесса, предусмотренные программой дисциплины.

**Работа – исследование:** стимулирование студентов к выработке навыков, для установления закономерностей на основе анализа и обобщения полученных знаний.

Проведение всех видов занятий при преподавании дисциплины, проведение консультаций, промежуточная и текущая аттестация возможна с применения электронного обучения и дистанционных образовательных технологий.

#### 5.4 Материально-техническое обеспечение дисциплины

При обучении дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» необходимо следующее материально-техническое обеспечение:

Аудитория для проведения занятий лекционного типа и практических занятий	Аудитория оборудована комплектом специализированной, отвечающей всем установленным нормам и требованиям для учебных заведений мебелью. Оснащена презентационной техникой: проектор или интерактивная доска.
Аудитория для занятий, индивидуальных и групповых консультаций.	Оборудование аудиторий полностью отвечает всем установленным требованиям и нормам для учебных заведений. Так же включены в использование плакаты, таблицы, ноутбук.
Аудитория для проведения самостоятельной работы	Компьютерный класс, оснащенный компьютерной техникой (рабочие места студентов с выходом в Интернет), презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук)
Аудитория для текущей и промежуточной аттестации	Специализированная мебель, наглядные пособия.

Стандартное лицензионное программное обеспечение:  
MicrosoftWindows 7 Professional, 8 Pro, 8/1 Pro,10 Pro  
MicrosoftOfficeProfessionalPlus 2007,2010,2013, 2016.

При выполнении практических и самостоятельных работ, а также для презентаций отчетов, при необходимости, используются компьютерных классы, оснащенные персональными компьютерами (с пакетами программного обеспечения общего и специализированного назначения, а также доступом в Интернет) и проекционной техникой.

Студенты в полном объеме обеспечены библиотечной учебной и учебно-методической литературой. Отдел справочно-библиографических и электронных систем библиотеки СГУ включает в свою структуру читальный зал электронных ресурсов. Для максимального удовлетворения читательских потребностей, обеспечения образовательного процесса библиотека СГУ предоставляет доступ к полнотекстовым документам Электронно-библиотечных систем «Лань» и «Znaniium.com», а также Электронной библиотеке диссертаций Российской государственной библиотеки.

Дистанционная поддержка дисциплины: для передачи домашних заданий, обмена информацией с преподавателем используется электронная почта кафедры прикладной математики и информатики: [kafedrapm404@mail.ru](mailto:kafedrapm404@mail.ru), а также личная e-mail почта преподавателя.

При организации занятий, текущей и промежуточной аттестации с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий используются различные

электронные образовательные ресурсы и онлайн сервисы, в том числе: Skype, Zoom, Big Blue Button, Moodle, WhatsApp.

## **5.5 Методическое обеспечение образовательного процесса для обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

Условия организации и содержание обучения и контроля знаний инвалидов и обучающихся с ОВЗ по дисциплине определяются программой дисциплины, адаптированной при необходимости для обучения указанных обучающихся.

Организация обучения, текущей и промежуточной аттестации студентов-инвалидов и студентов с ОВЗ осуществляется с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся. Исходя из психофизического развития и состояния здоровья студентов-инвалидов и студентов с ОВЗ, организуются занятия совместно с другими обучающимися в общих группах, используя социально-активные и рефлексивные методы обучения создания комфортного психологического климата в студенческой группе или, при соответствующем заявлении такого обучающегося, по индивидуальной программе, которая является модифицированным вариантом основной рабочей программы дисциплины. При этом содержание программы дисциплины не изменяется. Изменяются, как правило, формы обучения и контроля знаний, образовательные технологии и дидактические материалы.

Обучение студентов-инвалидов и студентов с ОВЗ также может осуществляться индивидуально и/или с применением дистанционных технологий.

Дистанционное обучение обеспечивает возможность коммуникаций с преподавателем, а так же с другими обучаемыми посредством вебинаров (например, с использованием программы Skype), что способствует сплочению группы, направляет учебную группу на совместную работу, обсуждение, принятие группового решения.

В учебном процессе для повышения уровня восприятия и переработки учебной информации студентов-инвалидов и студентов с ОВЗ применяются мультимедийные и специализированные технические средства приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с различными нарушениями, обеспечивается выпуск альтернативных форматов печатных материалов (крупный шрифт), электронных образовательных ресурсов в формах, адаптированных к ограничениям здоровья обучающихся, наличие необходимого материально-технического оснащения.

Подбор и разработка учебных материалов производится преподавателем с учетом того, чтобы студенты с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения – аудиально (например, с использованием программ-синтезаторов речи).

Для осуществления процедур текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся инвалидов и лиц с ОВЗ фонд оценочных средств по дисциплине, позволяющий оценить достижение ими результатов обучения и уровень сформированности компетенций, предусмотренных учебным планом и рабочей программой дисциплины, адаптируется для обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья с учетом индивидуальных психофизиологических особенностей (устно, письменно на бумаге, письменно на компьютере, в форме тестирования и т.п.). При необходимости обучающимся предоставляется дополнительное время для подготовки ответа при прохождении аттестации.



**Приложение к рабочей программе дисциплины  
44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки),  
Математика и информатика**

**АННОТАЦИЯ**

рабочей программы дисциплины  
Теория вероятностей и математическая статистика  
дисциплина части, формируемой участниками образовательных отношений  
Очная форма обучения

Составитель аннотации – Симонян А.Р.



<b>Общая трудоемкость дисциплины (ЗЕТ / час.)</b>	3/108
<b>Цель изучения дисциплины</b>	Формирование у студентов научного представления о случайных событиях и величинах, а также о методах их исследования. Для достижения целей курса необходимо решить следующие задачи: - развитие культуры научного мышления; - овладение системой знаний о применении математико-статистических методов в профессиональной деятельности педагога; - усвоение методов количественной оценки случайных событий и величин, формирование умений содержательно интерпретировать полученные результаты.
<b>Содержание дисциплины</b>	Вероятность события. Алгебра событий. Повторение независимых испытаний. Случайная величина. Типовые распределения случайных величин. Предельные теоремы теории вероятностей. Статистическое распределение выборки. Корреляционный анализ. Проверка статистических гипотез.
<b>Формируемые компетенции (коды)</b>	ПКУВ-1.
<b>Коды и наименование индикатора достижения компетенции</b>	ПКУВ-1.1 Анализирует и разрабатывает альтернативные варианты методики обучения математике с применением компьютерных технологий. ПКУВ-1.2 Использует компьютерные технологии для разработки математических моделей реальных процессов окружающего мира.
<b>Дисциплины, участвующие в реализации компетенции</b>	Численные методы Дискретная математика Избранные задачи школьного курса геометрии Теория и методика обучения математике Элементарная математика Научные основы школьного курса математики Интерактивные технологии в образовании Педагогическая (методическая) практика
<b>Образовательные технологии</b>	Лекционные и практические занятия.

<b>Формы текущего контроля успеваемости</b>	Контрольный опрос во время практических занятий.
<b>Форма промежуточной аттестации</b>	Зачет с оценкой.

Зав. кафедрой прикладной математики и информатики



Макарова И.Л.